

1.1 Gegeben seien die Aussagen B, R, T .

$B :=$ „Das Buch ist ein Bestseller.“

$R :=$ „Das Buch ist ein Roman.“

$T :=$ „Das Buch ist teurer als 20 €.“

(a) Überführen Sie folgende Aussagen in Aussagenlogik:

(i) „Das Buch ist ein Bestseller und nicht teurer als 20 €.“

(ii) „Das Buch ist ein Bestseller, aber es ist teurer als 20 €.“

(b) Verbalisieren Sie die folgenden Aussagenverknüpfungen:

(i) $T \vee \neg B$

(ii) $B \Rightarrow \neg R$

1.2 Beweise mit Wahrheitstafeln:

(a) Beweisen Sie die Gültigkeit der Absorptions-Regel $A \vee (A \wedge B) \equiv A$.

(b) Zeigen Sie, dass $\neg(A \wedge B) \equiv \neg A \wedge \neg B$ falsch ist.

(c) Ist $(A \Rightarrow (B \Rightarrow C)) \Leftrightarrow ((A \Rightarrow B) \Rightarrow (A \Rightarrow C))$ ein Widerspruch? Ist die Aussage eine Tautologie?

1.3 Beweisen Sie durch Umformen: $(A \Rightarrow B) \equiv (\neg B \Rightarrow \neg A)$

1.4 Beweisen Sie durch Umformen oder mit Wahrheitstafeln: $(A \Rightarrow B) \equiv \neg(A \wedge \neg B)$

1.5 Beweisen Sie durch Umformen: $(A \Leftrightarrow B) \equiv \neg(A \wedge \neg B) \wedge (B \Rightarrow (A \wedge (A \vee B)))$